

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 1 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - 2y + 2z, -2y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 2 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (y + z, -2x + 2y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 3 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x - y - z, x + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 4 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2y + 2z, 2x + y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 5 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x - 2y - z, -2x - 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 6 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2z, x + 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 7 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + 2y - 2z, 2x + 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 8 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (y + z, 2x - y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 9 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - y, -x - 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 10 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - 2y - 2z, 2x - y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 11 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - y - 2z, -2x + 2y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 12 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + 2z, 2x + y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 13 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2y + 2z, -x - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 14 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-y - z, x + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 15 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - y, x + y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 16 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x, -2x + 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 17 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2y, -2x - y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 18 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x - y - 2z, -2x - 2y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 19 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + y + z, x - y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 20 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - 2y + z, -y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 21 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x - y - z, 2x + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 22 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + y + z, -x + 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 23 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + z, 2x + 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 24 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - 2y + z, -2y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 25 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2y - z, -2x + 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 26 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x - 2y + 2z, y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 27 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - 2y - 2z, 2x - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 28 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x - 2y, -2x + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 29 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x + y + z, -x + y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 30 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (y - z, -x + y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 31 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x + 2y - 2z, -2x + 2y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 32 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x, -x - 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 33 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2y - z, -2x - 2y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 34 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2y - 2z, -y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 35 B

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - 2z, x + 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

## Lösungen zur Aufgabe 3

erzeugt mit der Online-Fassung „Lineare Algebra individuell“ Ver. 0.61,  
M. Roczen und H. Wolter unter Mitarbeit von W. Pohl, D. Popescu, R. Laza

---

Aufgabe 3

Exemplar 1B

**Ergebnis.**  $((2, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 2B

**Ergebnis.**  $((-1, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 3B

**Ergebnis.**  $((-1, -3, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 4B

**Ergebnis.**  $((\frac{3}{2}, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 5B

**Ergebnis.**  $((0, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 6B

**Ergebnis.**  $((1, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 7B

**Ergebnis.**  $((-1, 1, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 8B

**Ergebnis.**  $((-1, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .

$(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 9B

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{3}, -\frac{1}{3}, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 10B

**Ergebnis.**  $((\frac{2}{3}, -\frac{2}{3}, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 11B

**Ergebnis.**  $((1, 1, 0))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 12B

**Ergebnis.**  $((-1, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 13B

**Ergebnis.**  $((-1, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 14B

**Ergebnis.**  $((-1, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 15B

**Ergebnis.**  $((1, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 16B

**Ergebnis.**  $((0, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 17B

**Ergebnis.**  $((1, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 18B

**Ergebnis.**  $((-3, 4, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 19B

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{3}, -\frac{5}{3}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 20B

**Ergebnis.**  $((-3, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 21B

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{2}, -2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 22B

**Ergebnis.**  $((-\frac{4}{5}, \frac{3}{5}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 23B

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 24B

**Ergebnis.**  $((1, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 25B

**Ergebnis.**  $((-\frac{3}{2}, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 26B

**Ergebnis.**  $((-1, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 27B

**Ergebnis.**  $((1, -\frac{3}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 28B

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 29B

**Ergebnis.**  $((-\frac{3}{2}, \frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 30B

**Ergebnis.**  $((2, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 31B

**Ergebnis.**  $((\frac{4}{3}, \frac{1}{3}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 32B

**Ergebnis.**  $((0, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 33B

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{4}, \frac{1}{4}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 34B

**Ergebnis.**  $((0, -1, 1), (1, 0, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $((-2, -1))$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 35B

**Ergebnis.**  $((-2, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .