

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 1 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2y + z, 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 2 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2y - 2z, x + 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 3 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x + y - z, x)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 4 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - 2z, -2x + y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 5 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x - 2y, 2y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 6 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - y + 2z, -2x)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 7 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2y - 2z, 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 8 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - 2y + 2z, x - y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.



Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 9 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2y - z, -2x - 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 10 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + y - z, 2x + 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 11 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x - z, x + 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 12 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2z, -2x + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 13 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2y + z, -x + 2y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 14 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - y - 2z, -2x + y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 15 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + 2y - z, 2y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 16 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x - 2y - z, -x - 2y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.



Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 17 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x + 2y + 2z, x - y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 18 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - y, -2x - 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 19 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2y - 2z, -2x)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 20 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-y - 2z, 2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 21 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - z, 2x - 2y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 22 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x + 2y, -x + y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 23 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + 2y + z, y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 24 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x + 2y - 2z, -x + 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.



Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 25 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - y - z, -2x + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 26 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x - 2y + 2z, -y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 27 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x + y - z, -2y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 28 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2y + 2z, -2x - 2y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 29 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2y + z, 2x - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 30 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + y + 2z, -2y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 31 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-z, x + y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 32 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2y + z, 2x - y + 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.



Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 33 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x + 2y - 2z, -2x + y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 34 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + y + 2z, -2y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 35 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x - y - 2z, x - y)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 36 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x - z, -2x - y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 37 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - y + 2z, -x - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 38 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (2x + y - 2z, -x + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:										
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 39 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-y, 2x - y - 2z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 40 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x, -2x + 2y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.



Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 41 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - 2z, 2x - 2y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 42 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-x - 2z, -x - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 43 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (x + 2y + 2z, -x - 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:														
Vorname:														

Matrikel-Nr.:														
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 44 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-y - z, 2x - 2y - z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

Name:													
Vorname:													

Matrikel-Nr.:									
---------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--

### Aufgabe 3

Exemplar 45 C

Wir betrachten die Standardvektorräume  $V := \mathbb{R}^3$  und  $W := \mathbb{R}^2$  über  $\mathbb{R}$ . Bestimmen Sie für die lineare Abbildung  $g : V \rightarrow W$ , die durch

$$g(x, y, z) := (-2x - z, -2x - y + z)$$

definiert wird, die Vektorräume  $\ker(g)$  und  $\operatorname{im}(g)$  durch Angabe jeweils einer Basis.

## Lösungen zur Aufgabe 3

erzeugt mit der Online-Fassung „Lineare Algebra individuell“ Ver. 0.61,

M. Roczen und H. Wolter unter Mitarbeit von W. Pohl, D. Popescu, R. Laza

---

Aufgabe 3

Exemplar 1C

**Ergebnis.**  $((1, 0, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 2C

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 3C

**Ergebnis.**  $((0, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 4C

**Ergebnis.**  $((2, 3, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 5C

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 6C

**Ergebnis.**  $((0, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 7C

**Ergebnis.**  $((0, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 8C

**Ergebnis.**  $((2, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .

$(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 9C

**Ergebnis.**  $((-\frac{3}{2}, \frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 10C

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 11C

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 12C

**Ergebnis.**  $((1, 0, 1), (0, 1, 0))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $((-2, -2))$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 13C

**Ergebnis.**  $((-1, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 14C

**Ergebnis.**  $((-3, -5, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 15C

**Ergebnis.**  $((1, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 16C

**Ergebnis.**  $((-2, \frac{3}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\text{ker}(g)$ .

$(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 17C

**Ergebnis.**  $((-6, -4, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 18C

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 19C

**Ergebnis.**  $((0, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 20C

**Ergebnis.**  $((1, 0, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 21C

**Ergebnis.**  $((1, 1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 22C

**Ergebnis.**  $((4, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 23C

**Ergebnis.**  $((\frac{3}{2}, -2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 24C

**Ergebnis.**  $((2, 1, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---



Aufgabe 3

Exemplar 25C

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, -\frac{3}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 26C

**Ergebnis.**  $((-6, -2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 27C

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 28C

**Ergebnis.**  $((\frac{3}{4}, -\frac{1}{4}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 29C

**Ergebnis.**  $((1, \frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 30C

**Ergebnis.**  $((\frac{1}{2}, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 31C

**Ergebnis.**  $((-1, 1, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 32C

**Ergebnis.**  $((-\frac{3}{4}, \frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 33C

**Ergebnis.**  $((1, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 34C

**Ergebnis.**  $((-1, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 35C

**Ergebnis.**  $((2, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 36C

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{2}, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 37C

**Ergebnis.**  $((-2, 4, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 38C

**Ergebnis.**  $((1, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 39C

**Ergebnis.**  $((1, 0, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 40C

**Ergebnis.**  $((0, -\frac{1}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\operatorname{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 41C

**Ergebnis.**  $((-2, -\frac{3}{2}, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 42C

**Ergebnis.**  $((0, 1, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 43C

**Ergebnis.**  $((-2, 1, 0))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 44C

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{2}, -1, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .

---

Aufgabe 3

Exemplar 45C

**Ergebnis.**  $((-\frac{1}{2}, 2, 1))$  ist eine Basis für  $\ker(g)$ .  
 $(\mathbf{e}_1, \mathbf{e}_2)$  ist eine Basis für  $\text{im}(g)$ .